DIPLOME NATIONAL DU BREVET

SESSION 2013

MATHEMATIQUES

SERIE GENERALE

Durée de l'épreuve : 2 h 00

Coefficient : 2

Le sujet comporte 5 pages numérotées de 1/5 à 5/5.
Dès qu'il vous est remis, assurez-vous qu'il est complet et qu'il correspond à votre série.

Le candidat composera sur une copie Education Nationale.

L'utilisation de la calculatrice est autorisée *(circulaire n°99-186 du 16 novembre 1999)*

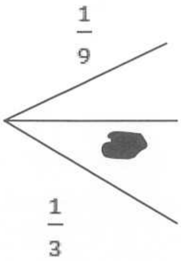
L'usage du dictionnaire n'est pas autorisé.

Exercice 1 :	**4 points**
Exercice 2 :	**4 points**
Exercice 3 :	**6 points**
Exercice 4 :	**5 points**
Exercice 5 :	**4 points**
Exercice 6 :	**4 points**
Exercice 7 :	**5 points**
Exercice 8 :	**4 points**
Maitrise de la langue :	**4 points**

Exercice 1 (4 points)

Pour chacune des quatre questions suivantes, plusieurs propositions de réponse sont faites. Une seule des propositions est exacte. Aucune justification n'est attendue. Une bonne réponse rapporte 1 point. Une mauvaise réponse ou une absence de réponse rapporte 0 point .Reporter sur votre copie le numéro de la question et donner la bonne réponse.

1) L'arbre ci-dessous est un arbre de probabilité.
La probabilité manquante sous la tache est :



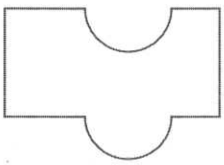
a) $\frac{7}{9}$ **b)** $\frac{5}{12}$ **c)** $\frac{5}{9}$

2) Dans une salle, il y a des tables à 3 pieds et à 4 pieds. Léa compte avec les yeux bandés 169 pieds. Son frère lui indique qu'il y a 34 tables à 4 pieds. Sans enlever son bandeau, elle parvient à donner le nombre de tables à 3 pieds qui est de :
a) 135 **b)** 11 **c)** 166

3) 90% du volume d'un iceberg est situé sous la surface de l'eau.
La hauteur totale d'un iceberg dont la partie visible est 35 m est d'environ :

a) 350 m **b)** 3500 m **c)** 31,5 m

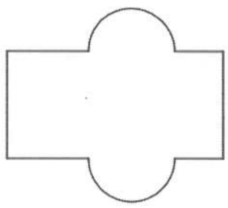
4)



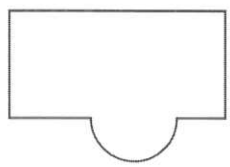
a le même périmètre que :

a)

b)



c)



Exercice 2 (4 points)

Arthur vide sa tirelire et constate qu'il possède 21 billets.
Il a des billets de 5 € et des billets de 10 € pour une somme totale de 125 €.

Combien de billets de chaque sorte possède-t-il ?

Si le travail n'est pas terminé, laisse tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans l'évaluation.

Exercice 3 (6 points)

Caroline souhaite s'équiper pour faire du roller.
Elle a le choix entre une paire de rollers gris à 87 € et une paire de rollers noirs à 99 €.
Elle doit aussi acheter un casque et hésite entre trois modèles qui coûtent respectivement 45 €, 22 € et 29 €.

1) Si elle choisit son équipement (un casque et une paire de rollers) au hasard, quelle est la probabilité pour que l'ensemble lui coûte moins de 130 € ?

2) Elle s'aperçoit qu'en achetant la paire de rollers noirs et le casque à 45€, elle bénéficie d'une réduction de 20% sur l'ensemble.

a) Calculer le prix en euros et centimes de cet ensemble après réduction.

b) Cela modifie-t-il la probabilité obtenue à la question 1 ? Justifier la réponse.

Exercice 4 (5 points)

Flavien veut répartir la totalité de 760 dragées au chocolat et 1045 dragées aux amandes dans des sachets dans des sachets ayant la même répartition de dragées au chocolat et aux amendes.

1) Peut-il faire 76 sachets ? Justifier la réponse.

2) **a)** Quel nombre maximal de sachets peut-il réaliser ?

b) Combien de dragées de chaque sorte y aura-t-il dans chaque sachet ?

Exercice 5 (4 points)

Tom doit calculer $3{,}5^2$.
« Pas la peine de prendre la calculatrice », lui dit Julie, tu n'as qu'à effectuer le produit de 3 par 4 et rajouter 0,25.

1) Effectuer le calcul proposé par Julie et vérifier que le résultat obtenu est bien le carré de 3,5.

2) Proposer une façon simple de calculer $7{,}5^2$ et donner le résultat.

3) Julie propose la conjecture suivante : $(n+0{,}5)^2 = n(n+1)+0{,}25$

n est un nombre entier positif.

Prouver que la conjecture de Julie est vraie (quel que soit le nombre n)

Exercice 6 (4 points)

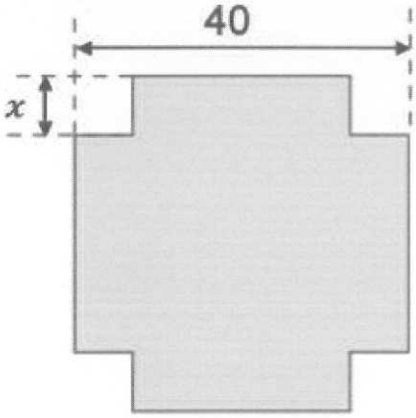
On dispose d'un carré de métal de 40 cm de côté. Pour fabriquer une boîte parallélépipédique, on enlève à chaque coin un carré de côté x et on relève les bords par pliage.

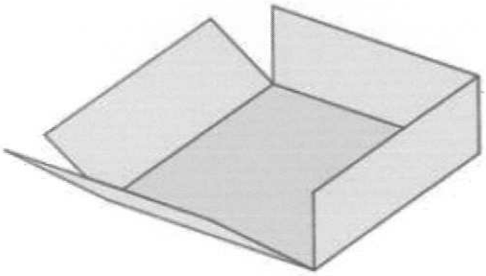
1) Quelles sont les valeurs possibles de x ?

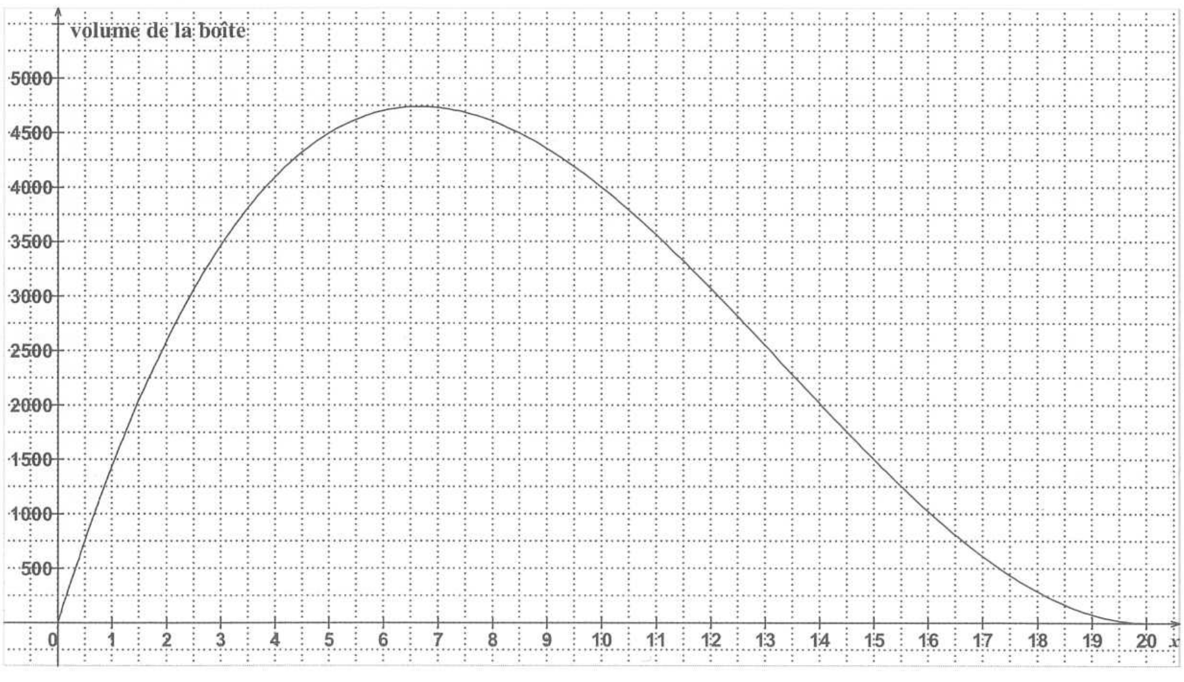
2) On donne $x = 5$ cm. Calculez le volume de la boîte.

3) Le graphique suivant donne le volume de la boîte en fonction de la longueur x.
On répondra aux questions à l'aide du graphique.

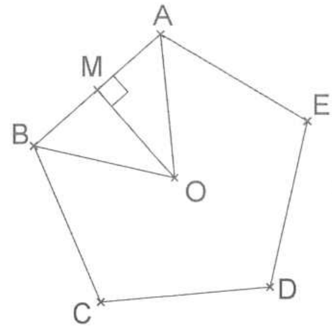
a) Pour quelle valeur de x, le volume de la boîte est-il maximum ?
b) On souhaite que le volume de la boîte soit 2000 cm^3.
Quelles sont les valeurs possibles de x ?







Exercice 7 (5 points)



Le Pentagone est un bâtiment hébergeant le ministère de la défense des Etats-Unis.
Il a la forme d'un pentagone régulier inscrit dans un cercle de rayon OA= 238 m.
Il est représenté par le schéma ci-contre.

1) Calculer la mesure de l'angle $\widehat{AOB}$.

2) La hauteur issue de O dans le triangle AOB coupe le côté [AB] au point M.

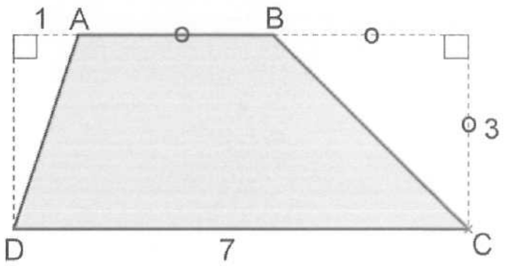
a) Justifier que (OM) est aussi la bissectrice de $\widehat{AOB}$ et la médiatrice de [AB].

b) Prouver que [AM] mesure environ 140 m.

c) En déduire une valeur approchée du périmètre du Pentagone.

Exercice 8 (4 points)

Les longueurs sont données en centimètres.
ABCD est un trapèze.

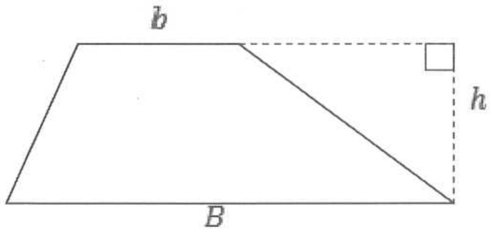


1) **a)** Donner une méthode permettant de calculer l'aire du trapèze ABCD.

b) Calculer l'aire de ABCD.

2) ***Dans cette question, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans l'évaluation.***

L'aire d'un trapèze A est donnée par l'une des formules suivantes.
Retrouver la formule juste en expliquant votre choix.



$A = \dfrac{(b.B)h}{2}$ $\qquad$ $A = \dfrac{(b+B)h}{2}$ $\qquad$ $A = 2(b+B)h$